

الكهرباء المتحركة

III/(ELECTRODINAMIQUE)

مقياس: الكهرباء 1 - ف122 - السنة أولى علوم دقيقة

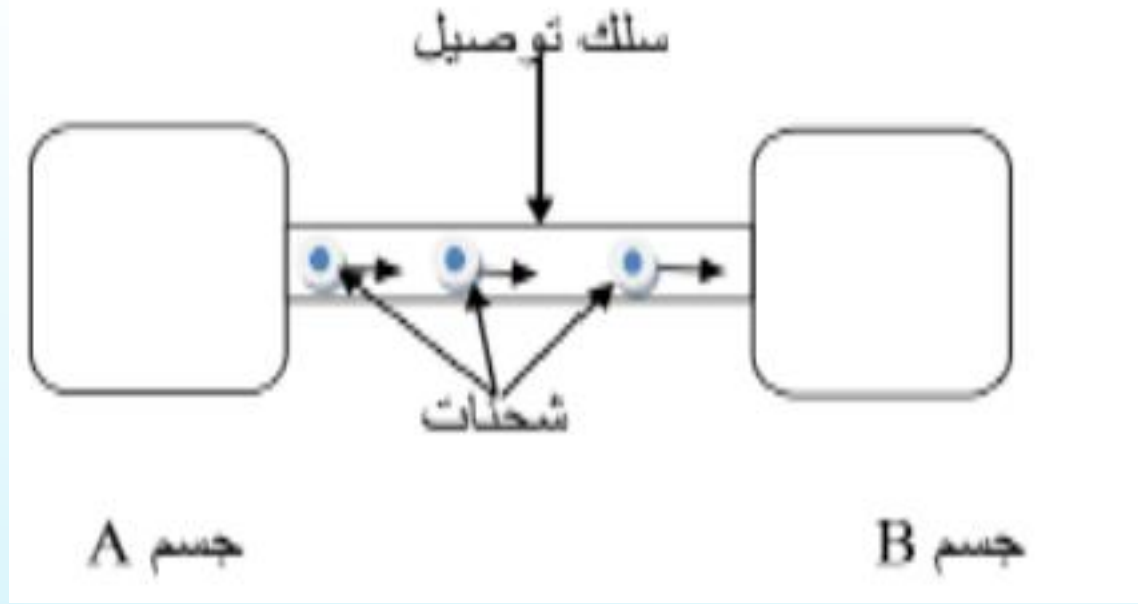
الفهرس

- (1) مقدمة
- (2) التيار الكهربائي
- (3) اتجاه التيار الكهربائي
- (4) شدة التيار الكهربائي
- (5) كثافة التيار الكهربائي
- (6) تطبيق
- (7) قانون أوم (loi d'hom)
- (8) علاقة كثافة التيار بالحقل الكهربائي
- (9) (المفعول الحراري للتيار) مفعول جول

1) مقدمة

لقد تطرقنا في الفصلين السابقين إلى دراسة ما يسمى بالكهرباء الساكنة والتي كانت فيها الشحنات في حالة سكون اما في هذا الفصل سندرس ما يسمى بالكهرباء المتحركة والتي تكون فيها الشحنات في حالة حركة في اوساط مادية تسمى النواقل و ندخل مصطلح التيار الكهربائي و كثافة التيار.

يتناول الفصل أيضا تحليل بعض الشبكات الكهربائية البسيطة التي تحتوي على مولدات و مستقبلات و مقاومات. يعتمد تحليل مثل هذه الشبكات على قانوني كيرشوف الذين هما نتيجة انحفاظ الطاقة و انحفاظ الشحنة الكهربائية.



الشكل 1 - مرور التيار الكهربائي من A إلى B

تم تفسير هذا المرور للتيار الكهربائي بانتقال للشحنات الكهربائية من A إلى B عبر السلك الموصل لومنه **نعرف التيار الكهربائي بأنه انتقال منظم وموجه لحاملات الشحن** ويحدث هذا الانتقال في الفراغ (حزمة الكترونات في أنبوب مهبطي) أو في النواقل.

يظهر التيار الكهربائي في الناقل عندما يكون هناك فرق في الكمون بين طرفيه.

يمكن إطالة الحالة السابقة للتيار، أي الحصول على تيار مستمر بفضل استخدام **مولد الجهد** وهو جهاز **يحافظ على فرق كمون ثابت بين طرفيه** أي يفرض حالة عدم توازن دائمة.

ملاحظة :

مولد الجهد لا يخلق الشحنات بل يقوم بنقلها من جسم A إلى جسم B مثل: البطاريات، المولدات الكهربائية....

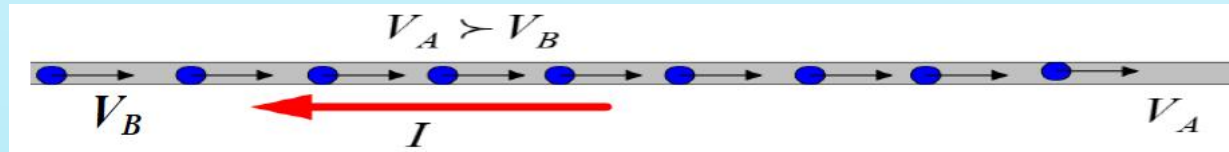
(3) اتجاه التيار الكهربائي

هناك العديد من الظواهر الفيزيائية التي تفسر مرور التيار الكهربائي مثل:

- فعل جول الحراري.
- التحليل الكهربائي.
- انحراف الإبرة الممغنطة.

برهنت معظم هذه التجارب على أن للتيار الكهربائي اتجاهها، و **قد اصطلح** على أنه نتيجة لحركة الشحنات الموجبة من **القطب السالب الى القطب الموجب داخل المولد، و من القطب الموجب إلى القطب السالب خارج المولد**، بغض النظر عن المسبب الحقيقي للتيار.

- ✓ في **النواقل الكهربائية و أنصاف النواقل** مثل النحاس و الألمنيوم، يكون التيار **بسبب حركة الإلكترونات السالبة**، لذلك فان الاتجاه الاصطلاحي هو معاكس لاتجاه انسياب الالكترونات، المسؤول الحقيقي عن التيار.
- ✓ في **المسرعات** هناك حزم من البروتونات الموجبة مسببة للتيار فيكون اتجاه التيار الاصطلاحي **باتجاه انسياب البروتونات**.
- ✓ قد توجد حالات حيث يكون فيها السبب في إنشاء التيار **شحنات موجبة و سالبة** في آن واحد **(التحليل الكهربائي و تأين الغازات (البلازما))**.



تعرف شدة التيار الكهربائي I على انها هي كمية الكهرباء dq المارة عبر S مقطع خلال زمن قدره dt

$$I = \frac{dq}{dt} \quad (1)$$

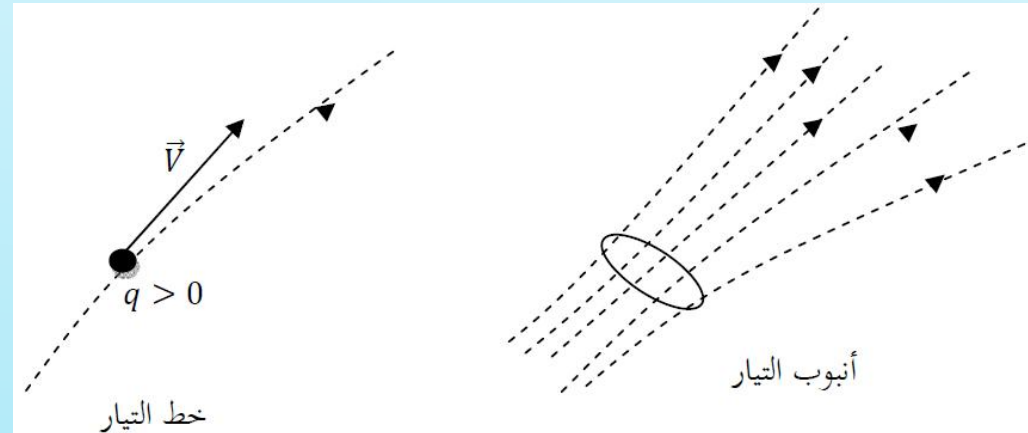
وحدة التيار في النظام الدولي SI هي الأمبير (Ampère): $C/S=A$.

تعريف الأمبير: الأمبير (1A) هي شدة التيار المكافئة لشحنة قدرها 1 كولومب (1C) تمر خلال زمن قدره ثانية واحدة (1S).

هناك أجزاء لهذه الوحدة تستعمل لقياس التيارات الكهربائية الضعيفة كالمللي أمبير mA ويعادل واحد من ألف من الأمبير والميكرو أمبير μA ويعادل واحد من مليون من الأمبير.

✓ سنهتم خلال دراستنا بالنظام المستقر، Régime stationnaire الذي يكون فيه كمون نقطة ما من الدارة الكهربائية غير متغير مع الزمن، و ينتج عن ذلك أن شدة التيار ثابتة عبر أي مقطع من مقاطع الدارة.

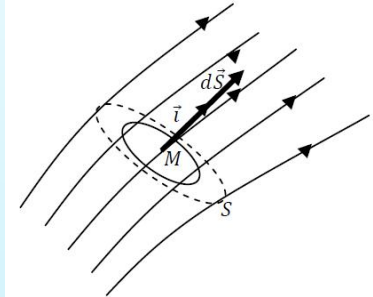
✓ نعرف خط التيار ligne de courant المسار الموجه لحركة الشحنات الموجبة، حيث شعاع السرعة لهذه الشحنات مماسي لخطوط التيار في كل نقطة منها. و أنبوب التيار tube de courant هو مجموعة من خطوط التيار التي تستند على مسار مغلق.



لقد عرفنا فيما سبق أن التيار الكهربائي هو انتقال لسيل من الشحنات في الفراغ أو في ناقل ومنه يمكن أن نعبر عن هذا التيار بدلالة سرعة هذه الشحنات المتحركة.

نعرف في كل نقطة M من وسط تتحرك فيه الشحنات، شعاعاً \vec{i} مبدؤه هذه النقطة و اتجاهه حركة الشحنات الموجبة و مماسي لخط التيار المار بـ M و طويلته:

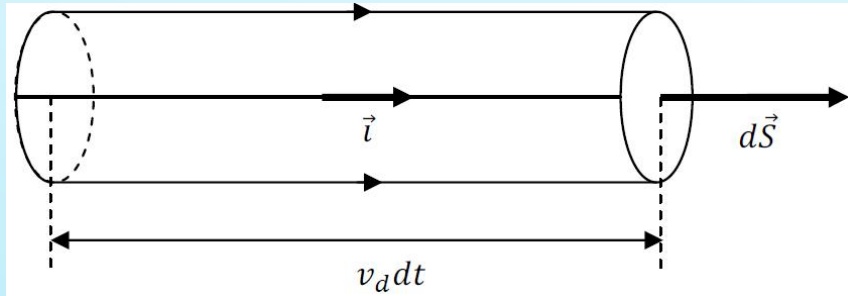
$$\vec{i} = \frac{dI}{dS} \quad (2)$$



dI حيث هي شدة التيار الكهربائي المارة عبر السطح العنصري dS يسمى هذا الشعاع بكثافة التيار في نقطة M ، وحدته في النظام الدولي: A/m^2 يتغير مقدار \vec{i} و اتجاهها من نقطة إلى أخرى في الناقل، فمن أجل ناقل مقطعة S يكون لدينا:

$$I = \int_S \vec{i} \cdot d\vec{S}$$

لنعتبر داخل ناقل أنبوب تيار مستقيماً ذا مقطع يسر dS ، ي خلاله تيار شدته dI ، و لتكن \vec{v}_d السرعة المتوسطة للشحنات الحرة و كثافتها الحجمية المحلية (C/m^3) (كمية الشحنة في وحدة الحجم) لنحسب dq كمية الشحنة التي تعبر dS خلال dt و تشغل في لحظة معينة الحجم الأسطواني $dV = v_d dt dS$



$$dq = w dV = w dS v_d dt \Rightarrow dI = dq/dt = w dS v_d \Rightarrow i = dI/dS = w v_d \Rightarrow \vec{i} = w \vec{v}_d$$

فإذا كان n عدد الشحنات الحرة في وحدة الحجم فإن $w = nq$ ، حيث q قيمة كل شحنة حرة (الجبرية):

$$\vec{i} = nq \vec{v}_d \quad (3)$$

يتعلق شعاع كثافة التيار بالكثافة المحلية للشحنات الحرة و سرعة انتقال الشحنات.

- ✓ في حالة المعادن و السبائك و أنصاف النواقل مرور التيار لا يقابله انتقال للمادة .
- ✓ أما في حالة التحليل الكهربائي و تأين الغازات (البلازما) يعبر عن مرور التيار الكهربائي بانتقال المادة.

(6) تطبيق :

سلك نحاس له مساحة مقطع عرضي $31,3 \times 10^{-6} \text{m}^2$ فإذا كان يحمل تيارًا مقداره 10A فما هي السرعة المتوسطة لحاملات الشحنة الإلكترونية ، حيث نفرض أن كل ذرة نحاس تساهم بإلكترون حر واحد للتيار. الكتلة الحجمية للنحاس $8,95 \text{g/cm}^3$ و الكتلة المولية للنحاس $63,5 \text{g/mol}$ و كل مول يحتوي على $N = 6,02 \times 10^{23}$ (عدد فوquادرو) من الذرات.

الحل نعتبر \vec{S} \vec{i} فيكون لدينا: $I = iS = nqv_dS \Rightarrow v_d = I / nqS$ $q = e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{C}$

n : عدد الإلكترونات الحرة في وحدة الحجم.

من معرفتنا للكتلة الحجمية للنحاس، يمكننا حساب الحجم المشغول بواسطة $63,5 \text{g}$ ($=1 \text{mol}$) من النحاس :

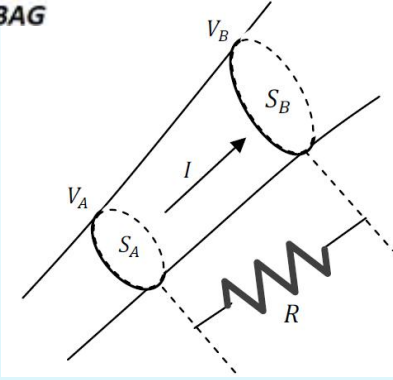
$$V = \frac{\text{الكتلة المولية}}{\text{الكتلة الحجمية}} = \frac{63,5}{8,95 \text{g}} \times 10^6 \text{g/m}^3 = 7,09 \cdot 10^{-6} \text{m}^3$$

وبما أن كل ذرة نحاس تساهم بإلكترون حر واحد فإن:

$$n = \frac{\text{عدد الإلكترونات}}{\text{الحجم}} = \frac{6,02 \cdot 10^{23}}{7,09 \times 10^{-6}} = 78,49 \cdot 10^{28} \text{ electrons/m}^3$$

$$v_d = I/nqs = 10 / (78,49 \cdot 10^{28})(1,6 \cdot 10^{-19})(3,31 \cdot 10^{-6}) \Rightarrow v_d = 2,22 \cdot 10^{-4} \text{ m/s}$$

(7) قانون أوم (loi d'ohm) :



يعد قانون أوم أحد القوانين التجريبية في الفيزياء و ينص: نسبة فرق الكمون $V = V_A - V_B$ بين نقطتين A و B من ناقل معدني متجانس موجود عند درجة حرارة ثابتة، على التيار I الكهربائي تكون ثابتة ، و نسمي هذا الثابت بالمقاومة الكهربائية (résistance électrique) للناقل بين نقطتين ويرمز لها بـ R حيث:

$$R = \frac{V_A - V_B}{I} = \frac{V}{I} \quad (4)$$

وحدتها في النظام الدولي الأوم : $\Omega = V/A$ (ohm)

(8) علاقة كثافة التيار بالحقل الكهربائي :

ناقل معدني أسطواني طوله $l=AB$ و مساحة مقطعه S موضوع في حقل كهربائي E يعطى فرق الكمون الكهربائي بين طرفيه بـ :

$$V = V_A + V_B = \int_A^B \vec{E} \cdot \vec{dl} \quad (5)$$

الحقل منتظم على طول السلك وهذا كون مقطع السلك S ثابت و عليه: $V=El$, $I=JS$ حيث J هي كثافة التيار

$$V=RI=EL \Rightarrow RJS=EL$$

لدينا فيصبح

ومنه نحصل على عبارة جديدة للحقل الكهربائي بدلالة كثافة التيار : $J = \left[\frac{l}{RS} \right] E = \sigma E$

يدعى الثابت σ بالناقلية الكهربائية *conductivité électrique*. وحدته في النظام الدولي هي : $\Omega^{-1} \cdot m^{-1}$ و مقلوب الناقلية هو : *résistivité* ρ والتي بدورها تميز الوسط :

$$\rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{RS}{l} \quad (6)$$

وحدتها هي الأوم.متر : $\Omega \cdot m$ تمتلك كل المواد الأومية مقاومة تعتمد على خواص المادة و درجة الحرارة.

$$R = \frac{\rho l}{S} = \frac{l}{\sigma S} \quad (7)$$

و منه يمكننا كتابة عبارة المقاومة للناقل الأومي :

لحساب المقاومة نطبق قانون أوم و نظرية غوص

$$i = E/\rho = I/S \Rightarrow I = ES/\rho, \quad R = V/I = \rho V/ES$$

العبارة (7) تبين مقاومة سلك اسطواناني وخصائصه الهندسية معروفة بقانون بوييه : Claud Pouillet يمثل المخطط أدناه تصنيفا عاما للمواد من وجهة نظر كهربائية



تصنيف المواد (مرتبة حسب الناقلية والمقاومية)

ملاحظات:

- ✓ في الواقع، حساب المقاومات معقد جدا إلا إذا كان الشكل الهندسي بسيطا.
- ✓ قانون أوم صالح من أجل كل المعادن الاعتيادية أو المألوفة، وتدعى النواقل الأومية conducteurs ohmiques
- ✓ العديد من المواد مثل أنصاف النواقل لا تخضع لقانون أوم.
- ✓ الأوم هو مقاومة ناقل يمر عبره تيار قيمته واحد أمبير عندما يظهر بين طرفيه فرق كمون مقداره 1 فولط.
- ✓ يكون قانون أوم صحيحا لكل المعادن ضمن مجال واسع لدرجة الحرارة، و هي تؤثر على الأبعاد الهندسية، و لكن هذا التأثير ضعيف عند
- ✓ مقارنته بمفعولها على المقاومة ρ .

مثال : حساب مقاومة سائل على شكل أسطوانة:

أسطوانتان متمحورتان طولهما L و نصف قطريهما R_1 و R_2 حيث $(R_1 < R_2)$. ملئ فضاء المساحة الفاصل بينهما بسائل مقاومته النوعية ρ ، فإذا كان كمونا الأسطوانتين على التوالي V_1 و V_2 .

1. أحسب مقاومة السائل R بطريقة التكامل
2. أحسب مقاومة السائل R باستعمال قانون أوم

الحل : حساب مقاومة سائل على شكل أسطوانة:

لدينا: $dl=dr$, $S=2\pi rL$ (بما أنه بعد متغير من اسطوانة لآخرى)

$$dR = \rho \frac{dr}{S} \Rightarrow R = \frac{\rho}{2\pi L} \int_{R_1}^{R_2} \frac{dr}{r} = \frac{\rho}{2\pi L} \ln \frac{R_2}{R_1} \quad 1. \text{ تعطى مقاومة طبقة عنصرية:}$$

2. يعطى الحقل الكهربائي باستعمال نظرية غوص من أجل: $R_2 < r < R_1$

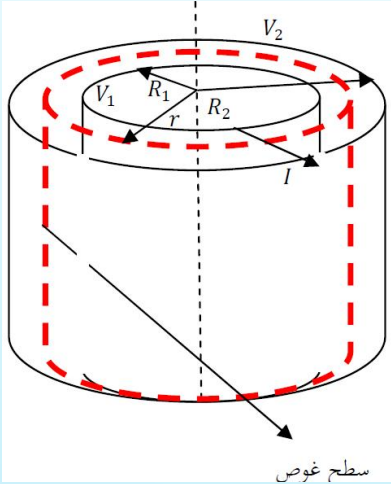
$$E = \frac{q}{2\pi\epsilon_0 rL}$$

$$E = -\frac{\partial V}{\partial r} \Rightarrow V_1 - V_2 = \int_{R_1}^{R_2} E dr \quad \text{و فرق الكمون بين الأسطوانتين:}$$

$$V_1 - V_2 = \int_{R_1}^{R_2} \frac{q}{2\pi\epsilon_0 L} \frac{dr}{r} = \frac{q}{2\pi\epsilon_0 L} \ln \frac{R_2}{R_1}$$

والمقاومة:

$$R = \frac{V_1 - V_2}{\frac{ES}{\rho}} = \rho \frac{\frac{q}{2\pi\epsilon_0 L} \ln \frac{R_2}{R_1}}{\frac{q}{2\pi\epsilon_0 rL} 2\pi rL} = \frac{\rho}{2\pi L} \ln \frac{R_2}{R_1}$$



(9) المفعول الحراري للتيار (مفعول جول) :

تتسارع الشحنات الموجهة في الناقل بفعل الحقل المسلط عليها من الخارج، لكنها في نفس الوقت تتعرض للتصادمات مع دقائق المادة؛ أي أنها تكتسب في كل قفزة طاقة حركية ثم تبددها في القفزة الموالية وتمنحها للجسيم الذي تصطدم به، فترتفع الطاقة الحركية لهذا الأخير ويؤدي ذلك إلى ارتفاع درجة حرارة الناقل بشكل محسوس. وهذا ما يدعى "مفعول جول".

لحساب القدرة المصروفة بمفعول جول، دعنا نعتبر ناقلا يعبره تيار I إثر تأثيره بحقل خارجي. فانتقال dq لشحنة بين نقطتين بينهما فرق في الكمون V يحتاج الى dw عمل حيث :

$$dW = V.dq \quad \text{وهذا يوافق استطاعة قدرها :}$$

$$(\text{لأن } I=dq/dt \quad P = VI \quad (8) \quad \text{ومنه يمكن كتابة:}) \quad W=P.t$$

هذا العبارة تعرف باسم مفعول جول effet joule في الحالة العامة.

وحدة الاستطاعة هي (w) الواط