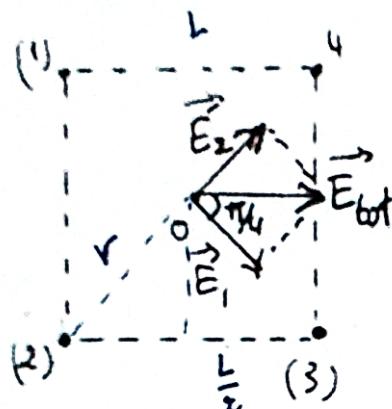


الإمتحان الشامل في الكهرباء

التمرين الأول: (07 نقاط)



1- نتيجة التناظر لدينا: $\vec{E}_4 = \vec{E}_2$, $\vec{E}_1 = \vec{E}_3$

الحقل الكلي هو مجموع الحقول الناتجة عن الشحنات 1، 2، 3، و 4:

$$\vec{E}_{Tot} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \vec{E}_4$$

$$\vec{E}_{Tot} = 2(\vec{E}_1 + \vec{E}_2) \quad (0,2)$$

$$\vec{E}_1 = \frac{k \cdot q}{r^2} \vec{u}_1 = \frac{k \cdot q}{r^2} \cos \frac{\pi}{4} \vec{i} - \frac{k \cdot q}{r^2} \sin \frac{\pi}{4} \vec{j} \quad (0,2)$$

$$\vec{E}_2 = \frac{k \cdot q}{r^2} \vec{u}_2 = \frac{k \cdot q}{r^2} \cos \frac{\pi}{4} \vec{i} + \frac{k \cdot q}{r^2} \sin \frac{\pi}{4} \vec{j} \quad (0,2)$$

$$r = \frac{L}{\sqrt{2}}$$

$$\vec{E}_{Tot} = 2 \frac{k \cdot q}{r^2} \cos \frac{\pi}{4} \vec{i} = 2 \frac{k \cdot q}{\frac{L^2}{2}} \frac{\sqrt{2}}{2} \vec{i}$$

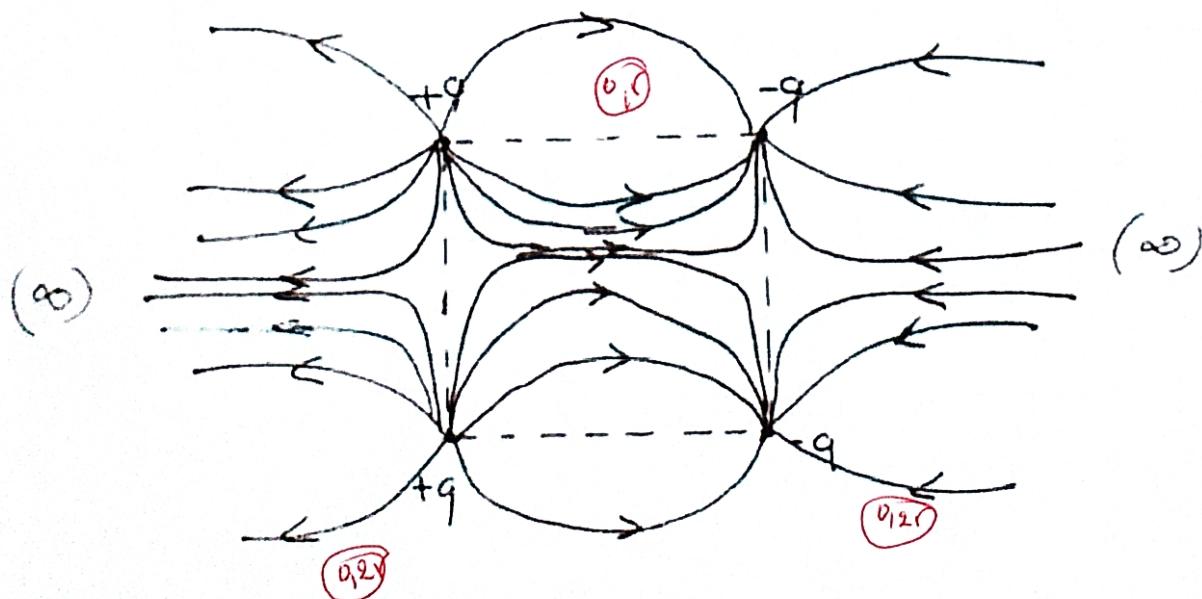
$$\vec{E}_{Tot} = 2 \frac{k \cdot q}{L^2} \sqrt{2} \vec{i} \quad (1)$$

الكمون الكلي الناتج عن الشحنات 1، 2، 3، و 4:

$$V_3 = -V_1, V_4 = -V_2 \quad (0,1)$$

$$V_{Tot} = 0V \quad (0,1)$$

2- خطوط الحقل:



3- عبارة الطاقة الداخلية للجملة:

$$U = \frac{1}{2} \sum_{i \neq j} \sum_j \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i q_j}{r_{ij}} = \frac{1}{2} \sum_i q_i V_i \quad (05)$$

$$U = \frac{1}{2} [q_1 \cdot V_1 + q_2 \cdot V_2 + q_3 \cdot V_3 + q_4 \cdot V_4] \quad (06)$$

$$U = -k \frac{q^2}{L} \sqrt{2} \quad (07)$$

4- القوة الكهربائية:

$$\vec{F} = q_0 \cdot \vec{E} = q_0 2 \frac{k \cdot q}{L^2} \sqrt{2} \vec{i} \quad (08)$$

الطاقة الداخلية:

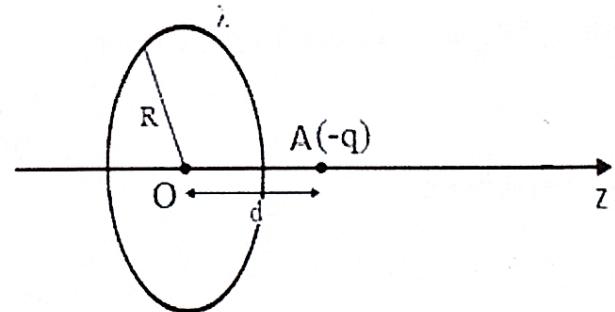
نضيف الطاقة الكامنة للشحنة q_0

$$E_p = q_0 \cdot V_0 = 0 \quad (09)$$

إذن الطاقة الكلية لا تتغير تبقى نفس القيمة السابقة

$$U = -k \frac{q^2}{L} \sqrt{2} \quad (07)$$

التمرين الثاني: (06 نقاط)



1- عبارة الكثافة الخطية λ حتى تكون الشحنة الكلية للحلقة تساوي $+q$

$$Q = \lambda \cdot 2\pi R = +q \quad (\text{بالنسبة لحلقة})$$

$$\lambda = \frac{+q}{2\pi R} \quad (92)$$

2- عبارة الحقل الكهربائي في أي نقطة M تقع على محور الحلقة.

نحسب أولاً الحقل الناتج عن حلقة مشحونة:

حسب تناظر المسألة الحقل يكون محمول على \vec{O} محور الحلقة

$$\overrightarrow{dE}(M) = \frac{k \cdot dq}{r^2} \vec{u} \quad (0,2)$$

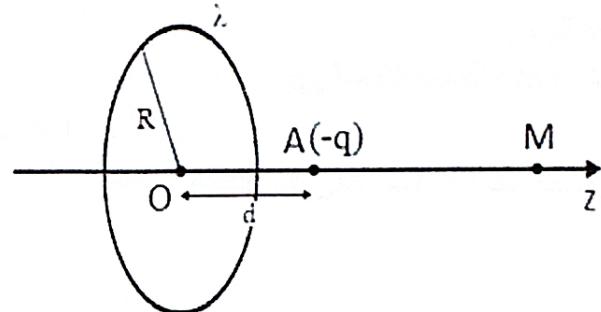
$$dE = dE_z = \frac{k \cdot dq}{r^2} \cos\alpha \quad (0,2)$$

$$r^2 = R^2 + z^2$$

$$\cos\alpha = \frac{z}{r} = \frac{z}{\sqrt{R^2 + z^2}}$$

$$dq = \lambda \cdot dl = \lambda \cdot R \cdot d\theta$$

$$E = \frac{k \cdot \lambda \cdot R \cdot z}{(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}} \int_0^{2\pi} d\theta = \frac{k \cdot \lambda \cdot R \cdot z \cdot 2\pi}{(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}} = \frac{k \cdot q \cdot z}{(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}} \quad (1)$$



الحقن الناتج عن الشحنة -q

$$\vec{E}(M) = -\frac{k \cdot q}{AM^2} \vec{u}_z \quad (0,2)$$

يكون كذلك محمول على \vec{Oz} لكن اتجاهه عكس \vec{Oz}

$$\begin{aligned} z > 0 & \quad z > d, \quad AM = z - d; \\ z < 0 & \quad z < d, \quad AM = d - z; \\ & \quad z < 0, \quad AM = -z + d. \end{aligned}$$

إذن نجد أن: $AM = |z - d|$

$$\vec{E}(M) = -\frac{k \cdot q}{|z - d|^2} \vec{u}_z \quad (0,2)$$

الحقن الكلي:

$$\vec{E}_{Tot}(M) = \left(\frac{k \cdot q \cdot z}{(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}} - \frac{k \cdot q}{|z - d|^2} \right) \vec{u}_z \quad (1)$$

- الكمون الناتج في النقطة M

الكمون الناتج عن الحلقة:

$$dV = \frac{k \cdot dq}{r}$$

$$V = \frac{kq}{\sqrt{R^2 + z^2}} \quad \textcircled{0.12}$$

الكمون الناتج عن الشحنة:

$$V = \frac{-k \cdot q}{AM} = \frac{-k \cdot q}{|z - d|} \quad \textcircled{0.13}$$

$$\text{الكمون الكلي: } V_{Tot} = \frac{kq}{\sqrt{R^2+z^2}} - \frac{k \cdot q}{|z-d|} \quad \textcircled{0.14}$$

التمرين الثالث: (07 نقاط)

1- الشحنة Q التي يحملها الناقل S .

ليكن V_1 الكمون الناتج عن Q على S , V_2 الكمون الناتج عن Q' على S .

$$\text{حسب مبدأ التركيب: } V = V_1 + V_2 \quad \textcircled{1.1}$$

$$\text{حيث: } V_2 = K \frac{Q'}{l}, \quad V_1 = K \frac{Q}{R} \quad \text{ومنه:}$$

$$V = K \frac{Q}{R} + K \frac{Q'}{l} \quad \textcircled{1.2}$$

$$\text{و منه: } Q = R \left(\frac{V}{K} - \frac{Q'}{l} \right) \quad \textcircled{1.3}$$

2- الكمون V' للناقل $'S'$:

بنفس الطريقة نجد:

$$V' = K \frac{Q'}{R'} + K \frac{Q}{l} = l \frac{Q'}{R'} + \frac{K}{l} \cdot R \left(\frac{V}{K} - \frac{Q'}{l} \right) \quad \textcircled{1.4}$$

$$V' = K Q' \left(\frac{1}{R'} - \frac{R}{l^2} \right) + \frac{R}{l} \cdot V \quad \textcircled{1.5}$$